

Chapitre 8 : Ensembles et applications (début)

► Ensembles

- Définition, exemples.
- Appartenance, inclusion, égalité.
- Parties d'un ensemble, notation $\mathcal{P}(E)$, exemples.
- Union, intersection, propriétés : distributivité, associativité, commutativité.
- Complémentaire, différence, propriétés : complémentaire d'une union, d'une intersection.
- Union et intersection quelconque.
- Produit cartésien de deux ensembles, sous-ensembles d'un produit cartésien.

► Applications

- Définition, vocabulaire.
- Graphe et image d'une fonction.
- Composée, restriction et prolongement, exemples.

► Bijections, injections et surjections

- Injections : définition, exemples, composée de deux injections.
- Surjection : définition, exemples, composée de deux surjections.
- Bijection : définition, exemples.
- Notion de bijection réciproque, bijection réciproque d'une composée de bijections.

Remarques. Les notions d'image directe et d'image réciproque ne sont pas au programme cette semaine.

Questions de cours :

- Pour A, B et C trois parties de E : $A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$.
- La composée de deux injections est une injection.
- La composée de deux surjections est une surjection.
- L'une des questions de l'exercice suivant :

Soient $f : E \rightarrow F$ et $g : F \rightarrow G$. Etablir les implications suivantes :

- $g \circ f$ injective $\Rightarrow f$ injective.
- $g \circ f$ surjective $\Rightarrow g$ surjective.
- $g \circ f$ injective et f surjective $\Rightarrow g$ injective.
- $g \circ f$ surjective et g injective $\Rightarrow f$ surjective.