

Chapitre 14

2) Comme f non constante, il existe $(x, y) \in \mathbb{R}^2$ avec $x \neq y$ tels que $f(x) = f(y)$. Utiliser ensuite deux suites qui tendent vers $+\infty$.

3) La première est facile à trouver, pour l'autre vous pouvez prendre $v_n = \lfloor n + 0.5 \rfloor$.

7) Prendre d'abord $x > 0$ et montrer que :

$$\forall n \in \mathbb{N}, f(x^{\frac{1}{2^n}}) = f(x)$$